Bereiten Sie die Aufgaben für den 27.05.2013 so vor, dass Sie in der Lage sind, Ihre Lösungen vorzutragen.

Übungsblatt 9 Differentialgleichungen

Aufgabe 9.1 DGL mit nur einem Ableitungsterm

Die Beschleunigung einer Kugel in einem Computerspiel sei gegeben durch die Differentialgleichung $\ddot{s}(t)=2t$

- (a) Interpretieren Sie die Differentialgleichung (Ordnung, explizit/implizit, homogen/inhomogen), jeweils mit einem Begründungssatz.
- (b) Ermitteln Sie die allgemeine Lösung der Differentialgleichung. Wieviel freie Parameter hat sie?
- (c) Lösen Sie die Differentialgleichung für die Anfangsbedingungen s(0)=5, $\dot{s}(0)=3$.

Aufgabe 9.2 Trennung der Veränderlichen

Bestimmen Sie die allgemeine Lösung für folgende DGLs mit der Methode der Trennung der Veränderlichen. Machen Sie jeweils mit der gefundenen Lösung die Probe.

(a)
$$y'(x) = y^2 e^{2x}$$
 (b) $y'(x) = \frac{x}{y}$

Aufgabe 9.3 Anfangswertproblem

Ermitteln Sie die Lösung des Anfangswertproblems

$$\ddot{x}(t) + 6\dot{x}(t) + 8.75x(t) = 0$$
, $\dot{x}(0) = 8$, $x(0) = 0$

Aufgabe 9.4 DGL mit konstanter rechter Seite

[aus Klausur 12.03.2007]

Gegeben sei die Differentialgleichung: y'(x) + 2y(x) = 6

- (a) Interpretieren Sie die Differentialgleichung (Ordnung, explizit/implizit, linear, homogen/ inhomogen, mit/ohne konstante Koeffizienten), jeweils mit einem Begründungssatz.
- (b) Ermitteln Sie die allgemeine Lösung der zugehörigen homogenen Differentialgleichung. Wieviele freie Parameter hat sie? <u>Skizzieren</u> Sie eine typische Lösung qualitativ
- (c) Ermitteln Sie mit geeignetem Ansatz eine partikuläre Lösung der inhomgenen DGL. Wie lautet nun die allgemeine Lösung der inhomogenen DGL?
- (d) Lösen Sie die Differentialgleichung für die Anfangsbedingung y(1) = 9.

© Konen Fachhochschule Köln Übungsblatt 9 – Seite 8