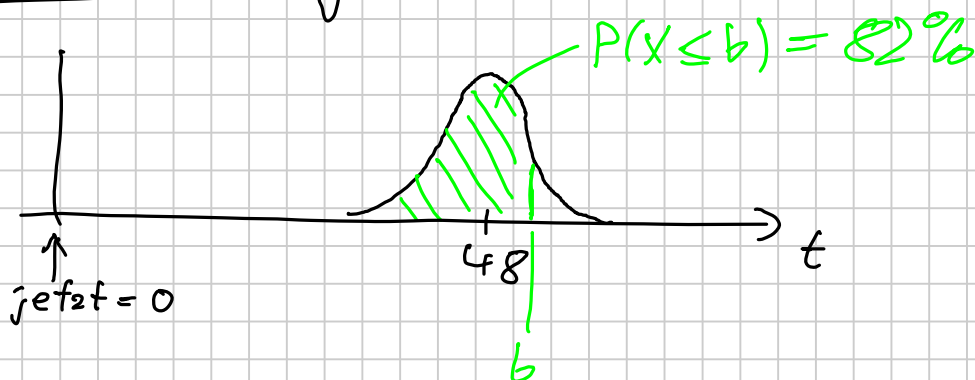


Normalverteilung

Ü3



$$\mu = 48, \sigma = 6 \text{ [h]}$$

Aufgabentyp 2: Gesucht ist b .

$$P(X \leq b) = 0.82$$

$$\Leftrightarrow \Phi\left(\frac{b - \mu}{\sigma}\right) = \Phi(z_q) = 0.82$$

Aus Tabelle
"rückwärts"

$$z_q = \frac{b - \mu}{\sigma} = 0.92$$

$$\frac{b - 48}{6} = 0.92 \Leftrightarrow$$

$$b = 0.92 \cdot 6 + 48 = \underline{\underline{53.52 \text{ [h]}}}$$

Ü4 $X \sim N(\overset{\mu}{2}, \overset{\sigma}{1}^2)$. Gesucht ist $P(1.5 < X < 2.5)$

Ü5 $X \sim N(3, 2^2)$. " " das 0.8-Quantil von X .

Ü4 Aufgabentyp 1. $\mu = 2, \sigma = 1$

$$P(1.5 < X < 2.5) \stackrel{\text{Nr. 4}}{=} \Phi\left(\frac{2.5 - 2}{1}\right) - \Phi\left(\frac{1.5 - 2}{1}\right)$$

$$= \Phi(0.5) - \Phi(-0.5)$$

$$\stackrel{\text{Nr. 1}}{=} \Phi(0.5) - (1 - \Phi(0.5))$$

$$= 2\Phi(0.5) - 1 = 2 \cdot 0.6915 - 1 \approx \underline{\underline{40\%}}$$

Tab. Vorwärts

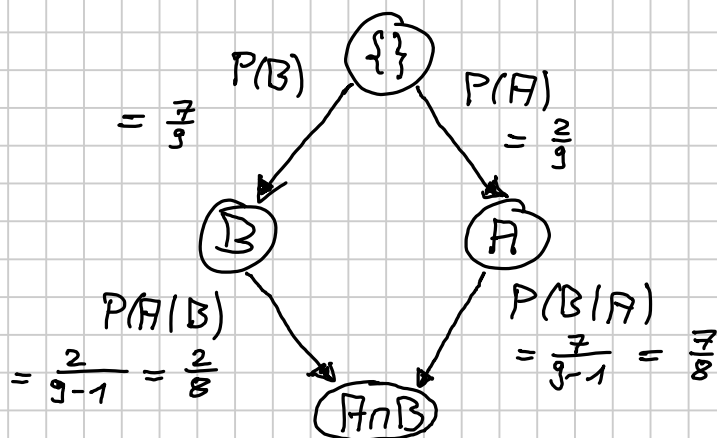
Ü 5 Aufgabentyp 2. $\mu=3$, $\sigma=2$. Gesucht ist b

$$P(X \leq b) \stackrel{\text{Nr. 4}}{=} \Phi\left(\frac{b-3}{2}\right) = 0.8 \quad \Rightarrow \quad \frac{b-3}{2} = 0.84$$

Tab. rückwärts

$$\Rightarrow b = 2 \cdot 0.84 + 3 = \underline{\underline{4.68}}$$

Bedingte Wahrscheinlichkeit



Urnenbeispiel: 2 w und 7 s Kugeln in Urne

A : Alex zieht weiße Kugel

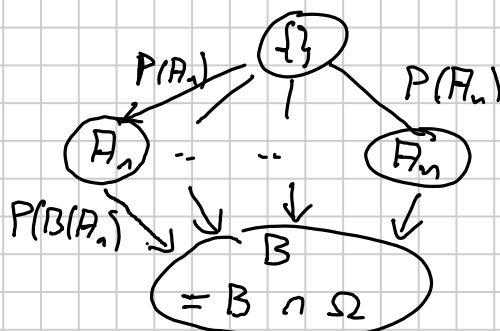
B : Ich ziehe keine weiße Kugel

$$P(A \cap B) = \frac{7}{9} \cdot \frac{2}{8} = \frac{2}{9} \cdot \frac{7}{8} = \frac{14}{72}$$

Satz von der totale Wahrsch

$$P(B) = \sum_{i=1}^n P(B|A_i) P(A_i)$$

Bild:



$$\bigcup A_i = \Omega$$

$$\sum P(B|A_i) P(A_i) = P(B)$$

$$= B \cap (A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_n)$$

Beispiel: Sei $A_1 \cup A_2 = \Omega$, $A_1 \cap A_2 = \{\}$ und sei

	A_1	A_2
$P(A_i)$	0.4	0.6
$P(B A_i)$	0.1	0.2

bekannt. Was ist $P(A_i|B)$,
 $i=1,2$?

Lsg $P(B) = \sum_{i=1}^2 P(B|A_i) P(A_i) = 0.1 \cdot 0.4 + 0.2 \cdot 0.6 = 0.16$

Mit Bayes $P(A_1|B) = \frac{P(B|A_1) P(A_1)}{P(B)} = \frac{0.1 \cdot 0.4}{0.16} = \underline{\underline{0.25}}$

$$P(A_2|B) = \frac{P(B|A_2) P(A_2)}{P(B)} = \frac{0.2 \cdot 0.6}{0.16} = \underline{\underline{0.75}}$$

(ii) Lieferanten

	L1	L2	L3	
Anteil	45%	35%	20%	$= P(A_i)$
Russchuss	2%	3%	1%	$= P(B A_i)$

$$P(B) = \sum_{i=1}^3 P(B|A_i) P(A_i) = 2\% \cdot 45\% + 3\% \cdot 35\% + 1\% \cdot 20\% = \underline{\underline{2.15\%}}$$

$$P(A_1|B) = \frac{P(B|A_1) P(A_1)}{P(B)} = \frac{2\% \cdot 45\%}{2.15\%} \approx 42\%$$

$$P(A_2|B) = \dots \approx 49\%$$

$$P(A_3|B) = \dots \approx \underline{\underline{9\%}}$$

Stat. Unabhängig

Def. Bed. Wahrsh $P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ (falls $P(A) \neq 0$)

D10-25
(=)

$$P(B|A) = \frac{P(A) \cdot P(B)}{P(A)}$$

$\Leftrightarrow$

$$P(B|A) = P(B)$$

Ziegenproblem erklärt

Lösung: O.B.d.A. : Kandidat wählt Tür 3
 A_1 : Auto hinter Tür 1, A_2 , A_3 analog
 M_1 : Moderator öffnet Tür 1

Als Übung ausrechnen

- $P(M_1|A_1)$, $P(M_1|A_2)$, $P(M_1|A_3)$
- $P(M_1)$
- $P(A_1|M_1)$, $P(A_2|M_1)$, $P(A_3|M_1)$

$$\text{Lsg } P(A_1) = P(A_2) = P(A_3) = \frac{1}{3}$$

$$P(M_1|A_1) = 0$$

$$P(M_1|A_2) = 1$$

$$P(M_1|A_3) = 0.5$$

$$P(M_1) = 0 \cdot \frac{1}{3} + 1 \cdot \frac{1}{3} + 0.5 \cdot \frac{1}{3} = \underline{\underline{50\%}}$$

S10-17

$$P(A_1|M_1) \underset{\substack{\uparrow \\ \text{Bayes}}}{=} \frac{P(M_1|A_1) \cdot P(A_1)}{P(M_1)} = \frac{0 \cdot \frac{1}{3}}{50\%} = 0$$

$$P(A_2|M_1) = \frac{P(M_1|A_2) \cdot P(A_2)}{P(M_1)} = \frac{1 \cdot \frac{1}{3}}{50\%} = \underline{\underline{66\%}}$$

$$P(A_3|M_1) \approx \underline{\underline{33\%}}$$

Umentcheiden verdoppelt also die Gewinnchancen!